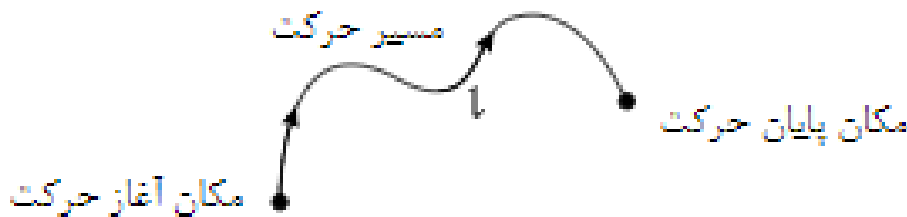


جزوه فیزیکی ۳  
مبحث: فصل اول-۱  
تهیه و تنظیم: گروه آموزشی محعب

# مسافت و جابه‌جایی

مسافت (مسافت پیموده‌شده): طول مسیر حرکت متحرک

- کمیتی نرده‌ای (عددی) و همواره مثبت است.
- از جنس طول و یکای آن در  $SI$  متر ( $m$ ) است.
- به مسیر حرکت متحرک بستگی دارد.
- مسافت پیموده شده توسط متحرک را با نماد  $l$  نشان می‌دهیم.

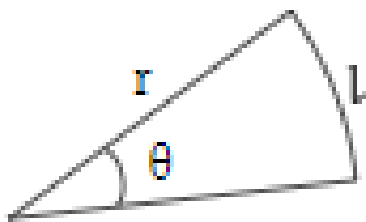


طول مسیر حرکت =  $l$  = مسافت

## نکته

روی یک دایره به شعاع  $r$ ، طول کمانی به زاویه  $\theta$  برابر  $l = \theta r$  است (بر حسب رادیان است).

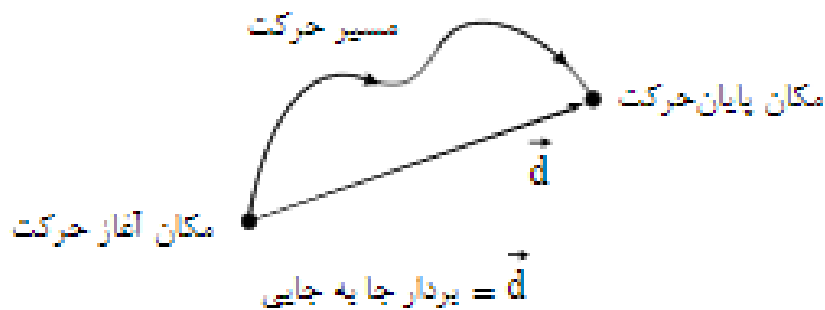
$$l = \frac{\theta}{2\pi} \times \text{محیط دایره} = \frac{\theta}{2\pi} \times 2\pi r = \theta r$$



$$l = \theta r$$

بردار جابه‌جایی (تغییر مکان): بردار یا پاره‌خط جهت‌داری که مکان آغاز حرکت را به مکان پایان آن وصل می‌کند.

- کمیتی برداری است.
- اندازه آن از جنس طول و یکای آن در  $SI$  متر ( $m$ ) است.
- به مسیر حرکت متحرک بستگی ندارد و تنها به مکان آغاز و پایان حرکت بستگی دارد.
- اگر چند حرکت دارای مکان آغاز و مکان پایان یکسان باشند، جابه‌جایی آن‌ها یکسان است.
- بردار جابه‌جایی متحرک را با نماد  $\vec{d}$  و اندازه آن را با نماد  $d$  نشان می‌دهیم.



مقایسه مسافت و اندازه جابه‌جایی:

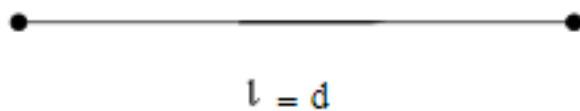
در شرایط کلی: مسافت همواره بزرگ‌تر یا مساوی اندازه جابه‌جایی است  $(l \geq d)$ .

● در حرکت بر خط راست:

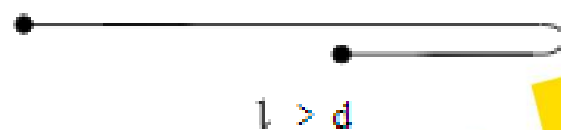
اگر متحرک تغییر جهت نداشته باشد  $\Leftarrow$  مسافت برابر اندازه جابه‌جایی است  $(l = d)$  }  
اگر متحرک تغییر جهت داشته باشد  $\Leftarrow$  مسافت بزرگ‌تر از اندازه جابه‌جایی است  $(l > d)$  }

– نسبت مسافت به اندازه جابه‌جایی همواره بزرگ‌تر یا مساوی یک است.

حرکت بر خط راست بدون تغییر جهت



حرکت بر خط راست با تغییر جهت



## تندی و سرعت متوسط

تندی متوسط: نسبت طول مسیر حرکت (مسافت پیموده شده) به مدت زمان حرکت

– از تقسیم یک کمیت نرده‌ای مثبت بر یک کمیت نرده‌ای مثبت دیگر به دست می‌آید. بنابراین کمیتی نرده‌ای (عددی) و همواره مثبت است.

– تندی متوسط را با نماد  $S_{av}$  نشان می‌دهیم و داریم:

$$S_{av} = \frac{l}{\Delta t}$$

تندی متوسط

– یکای تندی متوسط در  $SI$  متر بر ثانیه ( $m/s$ ) است.

– تندی متوسط مانند مسافت به مسیر حرکت متحرک بستگی دارد.



سرعت متوسط: نسبت جابه‌جایی متحرک به مدت زمان حرکت

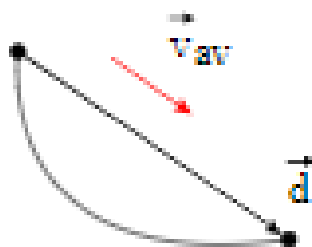
– از تقسیم یک کمیت برداری بر یک کمیت نرده‌ای به دست می‌آید.  
بنابراین کمیتی برداری است.

– سرعت متوسط را با نماد  $\vec{v}_{av}$  و اندازه آن را با نماد  $v_{av}$  نشان می‌دهیم

$$\vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t} \Rightarrow \text{اندازه سرعت متوسط } v_{av} = \frac{d}{\Delta t}$$

- یکای اندازه سرعت متوسط در  $SI$  متر بر ثانیه ( $m/s$ ) است.
- سرعت متوسط مانند جابه‌جایی به مسیر حرکت متحرک بستگی ندارد و تنها به مکان آغاز و پایان حرکت بستگی دارد.

- باتوجه به مثبت بودن مدت زمان ( $\Delta t > 0$ )، بردار سرعت متوسط همواره هم‌جهت (هم‌راستا و هم‌سو) با بردار جابه‌جایی است.





یکای فرعی و متداول کیلومتر بر ساعت: برای بیان تندى و سرعت از یکای کیلومتر بر ساعت ( $km/h$ ) نیز استفاده می‌شود.

$$1m/s = 1m/s \times \frac{km}{1000m} \times \frac{3600s}{h} = 3,6km/h$$

## مقایسهٔ تندی متوسط و اندازه سرعت متوسط:

– تندی متوسط همواره بزرگ‌تر یا مساوی اندازه سرعت متوسط است ( $S_{av} \geq v_{av}$ ).  
– اگر حرکت بر خط راست و بدون تغییر جهت (تغییر سو) باشد، تندی متوسط برابر اندازه سرعت متوسط است.

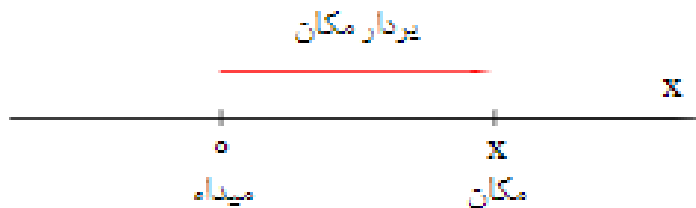
– اما اگر حرکت بر خط راست نباشد و یا در حرکت بر خط راست جهت حرکت تغییر کند، تندی متوسط بزرگ‌تر از اندازهٔ سرعت متوسط است.

# حرکت بر خط راست

برای بررسی حرکت بر خط راست، راستای حرکت را یک محور (مانند محور  $x$ ) فرض می‌کنیم.

برای سنجش مکان جسم روی محور حرکت، مکان دلخواهی را روی محور به عنوان مبدأ مکان یا مبدأ محور ( $x = 0$ ) در نظر می‌گیریم.

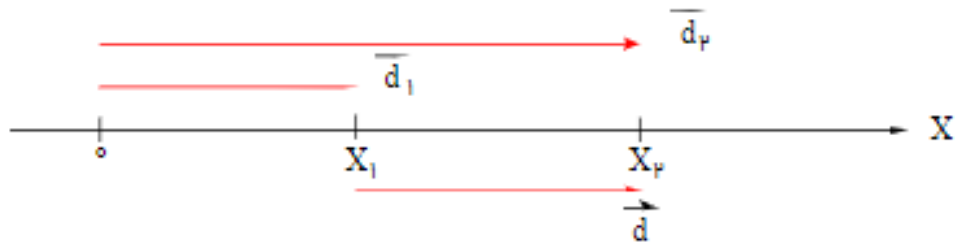
بردار مکان: برداری که مبدأ مکان یا مبدأ محور را به مکان جسم در هر لحظه وصل می‌کند.



- اندازه بردار مکان، برابر فاصله جسم از مبدأ مکان است.
  - جهت بردار مکان، موقعیت جسم نسبت به مبدأ مکان را نشان می‌دهد.
- اگر جهت بردار مکان مثبت باشد، جسم سمت مثبت مبدأ مکان و اگر جهت مثبت مبدأ مکان و اگر جهت بردار مکان منفی باشد، جسم سمت منفی مبدأ مکان قرار دارد.

توجه: جهت بردار مکان در هر لحظه به مکان متحرک در آن لحظه بستگی دارد و مستقل از جهت حرکت است.

بردار جابه‌جایی (تغییر مکان) و سرعت متوسط در حرکت بر خط راست روی محور  $x$ :



$$\begin{cases} \text{بردار مکان آغاز } \vec{d}_2 = x_2 \vec{i} \\ \text{بردار مکان پایان } \vec{d}_1 = x_1 \vec{i} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \text{جابه‌جایی } \vec{d} = \vec{d}_2 - \vec{d}_1 = x_2 \vec{i} - x_1 \vec{i} = (x_2 - x_1) \vec{i} =$$

$$(\Delta x) \vec{i} \Rightarrow \vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \vec{i}$$

نمایش جبری مکان، جابه‌جایی و سرعت متوسط در حرکت بر خط راست روی محور  $x$ :

در حرکت روی محور  $x$  می‌توانیم مکان را با  $x$  و جابه‌جایی (تغییر مکان) را با  $\Delta x$  و سرعت متوسط را با  $v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$  نمایش دهیم.

جهت حرکت منفی

$$\Delta x < 0 \quad \text{و} \quad v_{av} < 0$$

جهت حرکت مثبت

$$\Delta x > 0 \quad \text{و} \quad v_{av} > 0$$

– در حرکت بر روی خط راست، بردار جابه‌جایی راستای ثابتی دارد و تنها سوی آن می‌تواند تغییر کند.

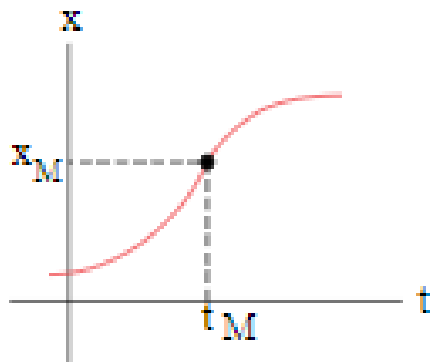


## نمودار مکان - زمان:

نموداری که در آن برای توصیف یک حرکت بر محور  $x$ ، مکان ( $x$ ) را بر حسب لحظه یا زمان ( $t$ ) نمایش می‌دهیم.

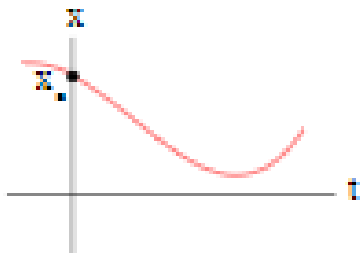
در نمودار مکان - زمان مقدار  $x$  در هر لحظه ( $t$ ) مکان متحرک روی محور را در آن لحظه نشان می‌دهد.

در شکل روبه‌رو متحرک در لحظه  $t_M$  در مکان  $x_M$  قرار دارد. برای سنجش لحظه یا زمان می‌توانیم لحظه شروع حرکت را لحظه شروع حرکت را لحظه صفر فرض کنیم.



## نکته

در نمودار مکان - زمان محل برخورد منحنی با محور مکان  $x$ ، مکان متحرک در لحظه صفر (مکان اولیه) را نشان می‌دهد. در شکل روبه‌رو  $x_0$  مکان اولیه حرکت است.



## نکته

در نمودار مکان - زمان محل برخورد منحنی با محور زمان  $t$ ، لحظه عبور متحرک از مبدأ مکان (مکان صفر) را نشان می‌دهد.  
در شکل روبه‌رو متحرک در لحظه‌های  $t_1$  و  $t_2$  در مبدأ مکان قرار دارد.

